

ОГЛАВЛЕНИЕ

Из предисловия к первому изданию	5	
Предисловие к третьему изданию	8	
Г л а в а I. Голоморфные функции		9
§ 1. Комплексная плоскость	9	
1. Комплексные числа (9). 2. Топология комплексной плоскости (15). 3. Пути и кривые (19). 4. Области (22).		
§ 2. Функции комплексного переменного	25	
5. Понятие функции (25). 6. Дифференцируемость (30). 7. Геометрическая и гидродинамическая интерпретации (40).		
§ 3. Свойства дробно-линейных функций	48	
8. Дробно-линейные функции (48). 9. Геометрические свойства (51). 10. Дробно-линейные изоморфизмы и автоморфизмы (55). 11. Модель геометрии Лобачевского (59).		
§ 4. Элементарные функции	67	
12. Некоторые рациональные функции (67). 13. Показательная функция (72). 14. Тригонометрические функции (75).		
Задачи	79	
Г л а в а II. Свойства голоморфных функций		82
§ 5. Интеграл	82	
15. Понятие интеграла (82). 16. Первообразная (87). 17. Теорема Коши (94). 18. Частные случаи (98). 19. Интегральная формула Коши (103).		
§ 6. Ряды Тейлора	109	
20. Ряды Тейлора (110). 21. Свойства голоморфных функций (117). 22. Теорема единственности (121). 23. Теоремы Вейерштрасса и Рунге (124).		
§ 7. Ряды Лорана и особые точки	130	
24. Ряды Лорана (131). 25. Изолированные особые точки (138). 26. Вычеты (147).		
Задачи	155	
Г л а в а III. Аналитическое продолжение		157
§ 8. Понятие аналитического продолжения	157	
27. Элементы и их продолжения (157). 28. Теорема о монодромии (166).		
§ 9. Аналитические функции	171	
29. Понятие аналитической функции (172). 30. Элементарные функции (176). 31. Особые точки (186).		

§ 10. Понятие римановой поверхности	193
32. Элементарный подход (193). 33. Общий подход (197).	
Задачи	204
Глава IV. Основы геометрической теории	206
§ 11. Геометрические принципы	206
34. Принцип аргумента (206). 35. Принцип сохранения области (211). 36. Понятие алгебраической функции (216). 37. Принцип максимума модуля и лемма Шварца (220).	
§ 12. Теорема Римана	224
38. Конформные изоморфизмы и автоморфизмы (224). 39. Принцип компактности (227). 40. Теорема Римана (232).	
§ 13. Соответствие границ и принцип симметрии	237
41. Соответствие границ (237). 42. Принцип симметрии (243). 43. Понятие об эллиптических функциях (248). 44. Модулярная функция и теорема Пикара (253).	
Задачи	258
Глава V. Аналитические методы	261
§ 14. Разложения целых и мероморфных функций	261
45. Теорема Миттаг-Леффлера (261). 46. Теорема Вейерштраса (268).	
§ 15. Рост целых функций	276
47. Порядок и тип целой функции (276). 48. Рост и нули. Теоремы Адамара (280).	
§ 16. Другие теоремы с участием роста	286
49. Принцип Фрагмента — Линделёфа (286). 50. Теорема Котельникова (290).	
§ 17. Асимптотические оценки	296
51. Асимптотические разложения (296). 52. Метод Лапласа (301). 53. Метод перевала (307).	
Задачи	311
Добавление. Гармонические и субгармонические функции	313
1. Гармонические функции (313). 2. Задача Дирихле (318). 3. Субгармонические функции (325).	
Задачи	333
Предметный указатель	334